

```

truc :=proc()
....
if ... then
    return ...    { Le cas particulier auquel on se ramène}
else
    ...
    return .... truc(...)...    { On appelle truc appliquée à un cas "plus simple"}
fi;
end;

```

Exemples :

1. Algorithme de Hörner :

$$P(x) = a_0 + a_1x + \dots + a_nx^n = a_0 + (a_1 + a_2x + \dots + a_nx^{n-1})x$$

On écrit une procédure *truc* qui prend un tableau de nombres complexes  $a$  indexé de 0 à  $n-1$  (où sont stockés les coefficients d'un polynôme), un nombre complexe  $x$ , un entier  $i$  tels que  $0 \leq i < n$  et qui

retourne  $\sum_{k=i}^{n-1} a[k]x^{k-i}$ ; en particulier,  $truc(a,x,0)$  calcule  $P(x)$ .

```

truc :=proc(a,x,i)
if i=n-1 then
    return a[i]
else
    return a[i]+truc(a,x,i+1)*x
fi;
end;

```

2. Algorithme d'exponentiation rapide :

$$a^n = (a^2)^{\frac{n}{2}} \text{ si } n \text{ est pair, } a^n = a.(a^2)^{\frac{n-1}{2}} \text{ sinon}$$

On écrit une procédure qui prend un entier  $n \in \mathbb{N}$  et un nombre complexe  $a$  et qui renvoie  $a^n$ .

```

truc :=proc(n,a)
local reste,quotient;
if n=0 then
    return 1
else
    quotient :=iquo(n,2);
    reste :=irem(n,2);
    if reste=0 then
        return truc(quotient,a*a)
    else
        return a*truc(quotient,a*a)
    fi
fi;
end;

```

## 3. Tri-fusion

Pour trier un tableau  $t$  de taille  $2^p$ , indexé de 0 à  $2^p - 1$ .

- On le scinde en 2 tableaux  $t1$ ,  $t2$  de taille  $2^{p-1}$
- On trie  $t1$  et  $t2$
- On "fusionne" les 2 tableaux triés à  $2^{p-1}$  éléments en un tableau trié à  $2^p$  éléments.

```

scinde :=proc(t,p)
local i,t1,t2;
t1 :=array(0,2^(p-1)-1);
t2 :=array(0,2^(p-1)-1);
for i from 0 to 2^(p-1)-1 do
    t1[i] :=t[i];
    t2[i] :=t[i+2^(p-1)]
od;
return [t1,t2];
end;

fusion :=proc(t1,t2,p)
local t,i1,i2,i;
t :=array(0,2^p-1);
i1 :=0;
i2 :=0;
while i1<2^(p-1) and i2<2^(p-1) do
    i :=i1+i2;
    if t1[i1]>t2[i2] then
        t[i] :=t1[i1];
        i1 :=i1+1
    else
        t[i] :=t2[i2];
        i2 :=i2+1
    fi
od;
if i1=2^(p-1) then
    for k from i to 2^p-1 do
        t[k] :=t2[i2+k-i-1]
    od
else
    for k from i to 2^p-1 do
        t[k] :=t1[i1+k-i-1]
    od
fi;
return t;
end;

```

```

tri :=proc(t,p)
local tScinde,t1,t2,t1Trie,t2Trie;
if p=0 then
    return t
else
    tScinde :=scinde(t,p);
    t1 :=tScinde[1];
    t2 :=tScinde[2];
    t1Trie :=tri(t1,p-1);
    t2Trie :=tri(t2,p-1);
    return fusion(t1Trie,t2Trie,p)
fi;
end;

```