

1. On peut trouver un projeté orthogonal en résolvant un système ... ou en calculant un produit scalaire (ce qui est tout de même bien plus simple!)

2.
$$\frac{R_M R_{M'}}{MM'} = \frac{R_M R_{M'}}{Q_M Q_{M'}} \frac{Q_M Q_{M'}}{P_M P_{M'}} \frac{P_M P_{M'}}{MM'} = |\cos b| |\cos a| |\cos c| = k < 1.$$

$\forall n, |x_{n+1} - x_n| = |\varphi(x_n) - \varphi(x_{n-1})| \leq k|x_n - x_{n-1}| \leq \dots \leq k^n |x_1 - x_0|$ et $0 \leq k < 1$ donc la série $\sum (x_{n+1} - x_n)$ est absolument convergente, d'où la convergence de la suite (x_n) .

φ est continue (car affine) donc $\lim x_n$ en est un point fixe (et une fonction affine a au plus un point fixe).

```

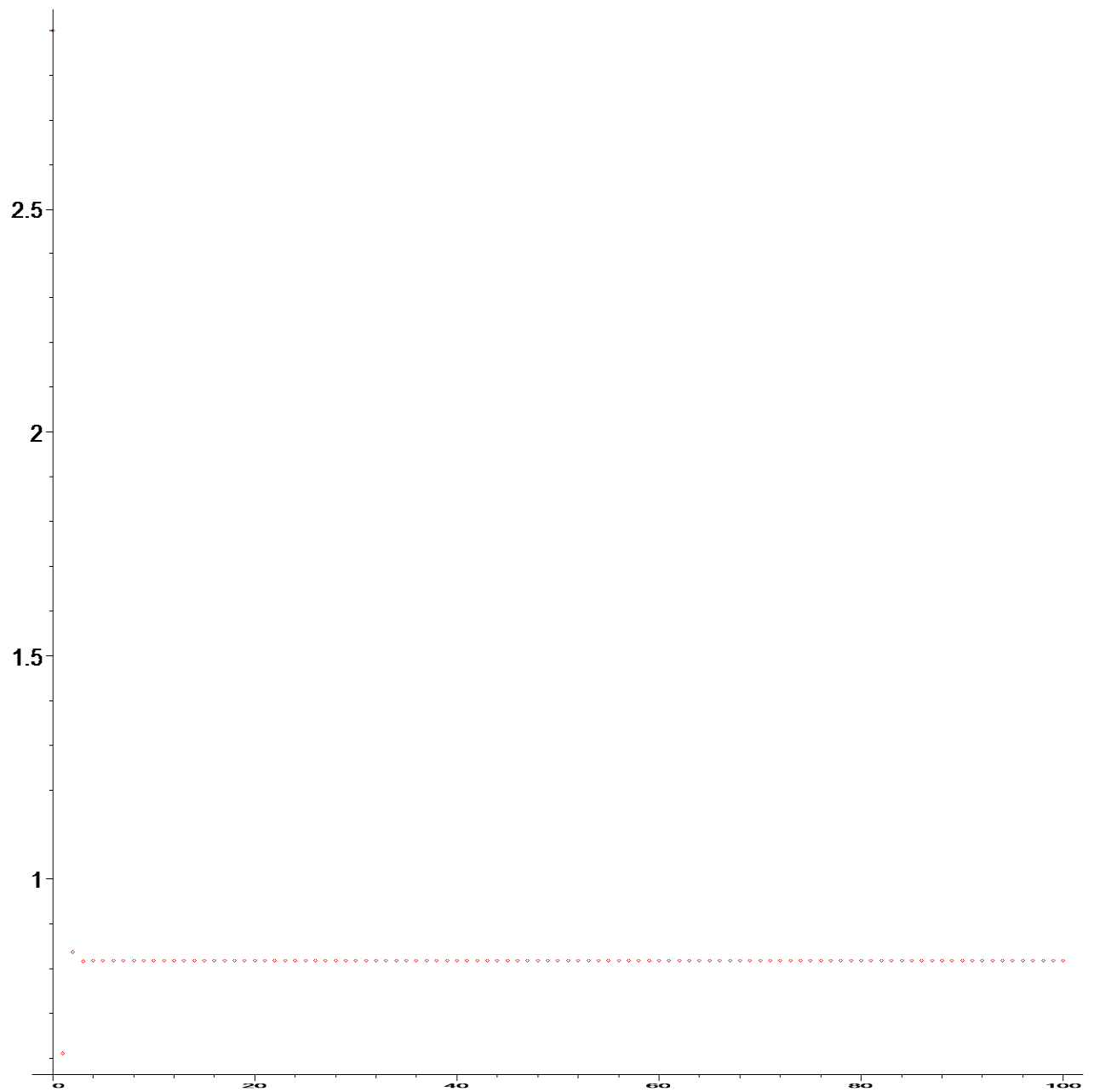
[ O19-C03
[ > restart;
[ > with(LinearAlgebra):
[ > proj:=proc(i,j,m)
  i+(DotProduct(m-i,j-i)/DotProduct(j-i,j-i))*(j-i)
  end;

proj := proc(i, j, m)
  i +
  LinearAlgebra:-DotProduct(m - i, j - i)*(j - i) / LinearAlgebra:-DotProduct(j - i, j - i)
end proc
[ > i:=<1,0>;j:=<4,0>;m:=<2,1>;proj(i,j,m);
      
$$\begin{bmatrix} 2 \\ 0 \end{bmatrix}$$

[ > RM:=proc(x)
  local m,p,q,r;
  m:=<x,0>;
  p:=proj(a,c,m);
  q:=proj(a,b,p);
  r:=proj(b,c,q);
  r[1]
  end;

RM := proc(x)
local m, p, q, r;
  m := <x, 0>; p := proj(a, c, m); q := proj(a, b, p); r := proj(b, c, q); r[1]
end proc
[ > a:=<1,2>;b:=<0,0>;c:=<3,0>;
[ > N:=100:l:=[[0,2.9]]:for k from 1 to N do
  x:=RM(l[k][2]);l:=[op(l),[k,x]] od:
[ > plot(l,style=point);

```



```
> N:=100:l:=[[0,1.2]]:for k from 1 to N do  
  x:=RM(l[k][2]);l:=[op(l),[k,x]] od:  
> plot(l,style=point);
```

